



**Hochschule Niederrhein**

University of Applied Sciences

**SWK E<sup>2</sup>**

**Institut für Energietechnik und  
Energiemanagement**

Institute of Energy Technology and  
Energy Management

**Doktoranden-Tagung**  
**„Innovative Energiesysteme und Energieeffizienz“**  
**Industrielle Abwärmenutzung durch**  
**Wärmeintegration**

**Düsseldorf, 02. Dezember 2019**

**Simon Möhren, SWK E<sup>2</sup> Hochschule Niederrhein**

# Inhalt

1. Ausgangslage
2. Stand der Forschung
3. Fragestellung, Methode und Ergebnisse
  - I. Globale Optimierung
  - II. Mehrperiodische Probleme
4. Zusammenfassung
5. Ausblick

# Inhalt

## 1. Ausgangslage

2. Stand der Forschung

3. Fragestellung, Methode und Ergebnisse

I. Globale Optimierung

II. Mehrperiodische Probleme

4. Zusammenfassung

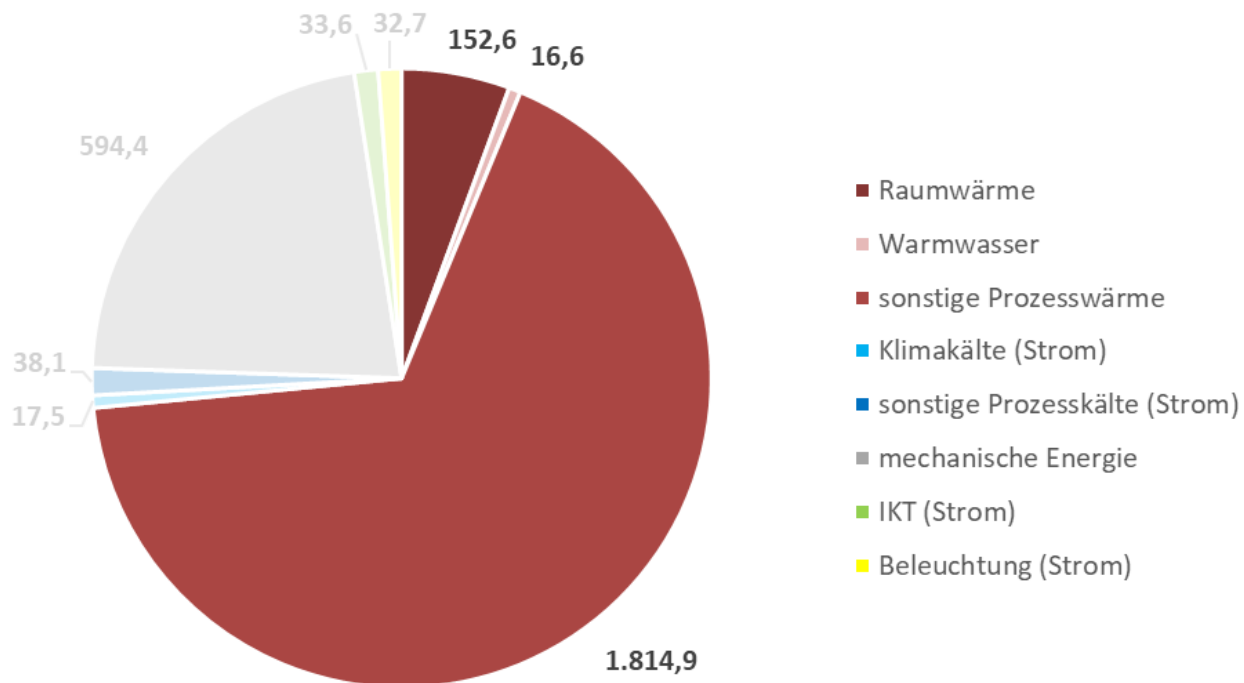
5. Ausblick

# 1. Ausgangslage

## Endenergieverbrauch nach Anwendungsbereichen in der Industrie in PJ

Quelle: BMWi Energiedaten, Stand Jan 2019

Endenergieverbrauch nach Anwendungsbereichen in der Industrie in PJ für 2017

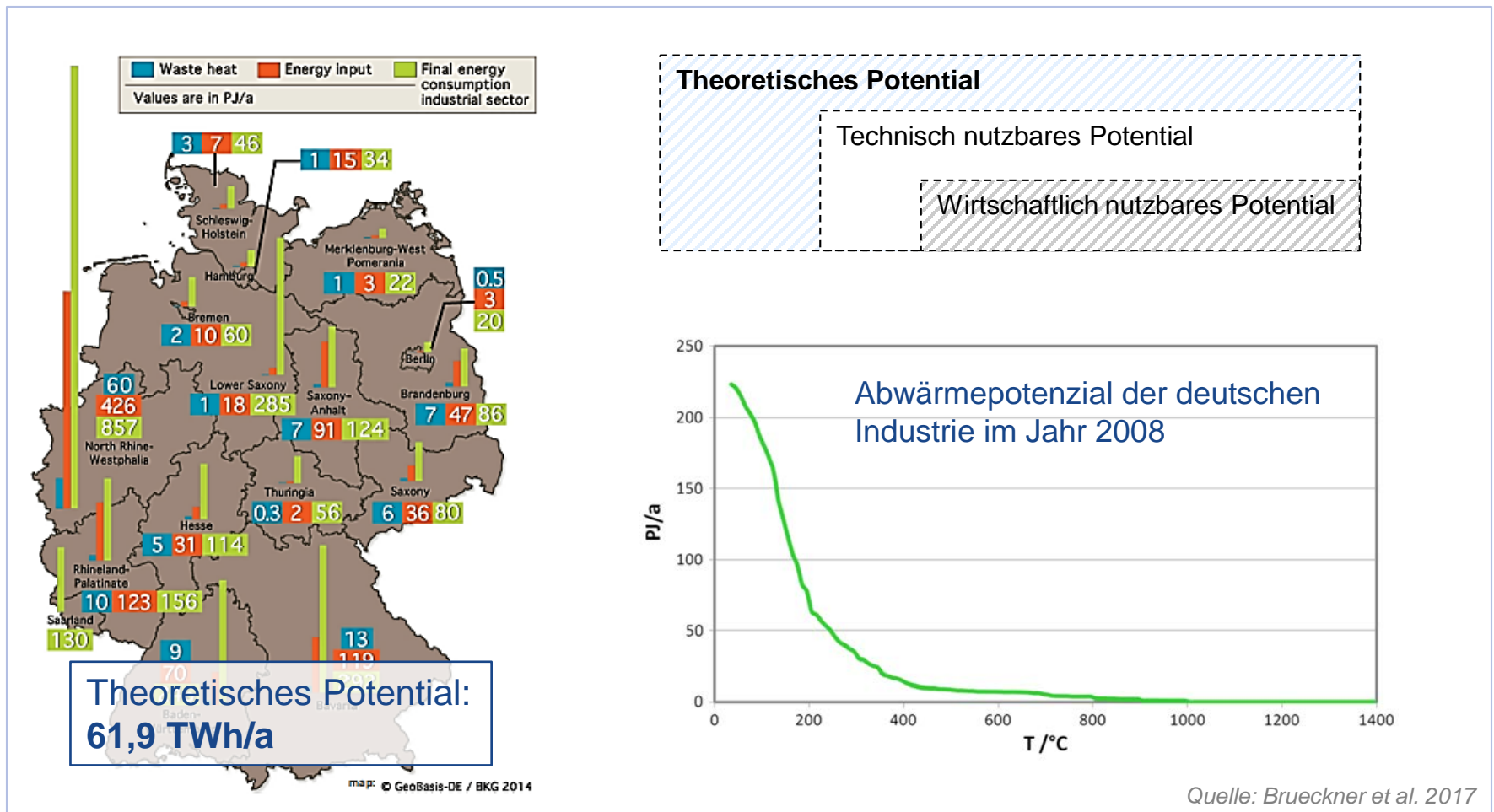


# Inhalt

1. Ausgangslage
- 2. Stand der Forschung**
3. Fragestellung, Methode und Ergebnisse
  - I. Globale Optimierung
  - II. Mehrperiodische Probleme
4. Zusammenfassung
5. Ausblick

# 2. Stand der Forschung

## Theoretisches Abwärmepotential (Bottom-up)



Quelle: Brueckner et al. 2017

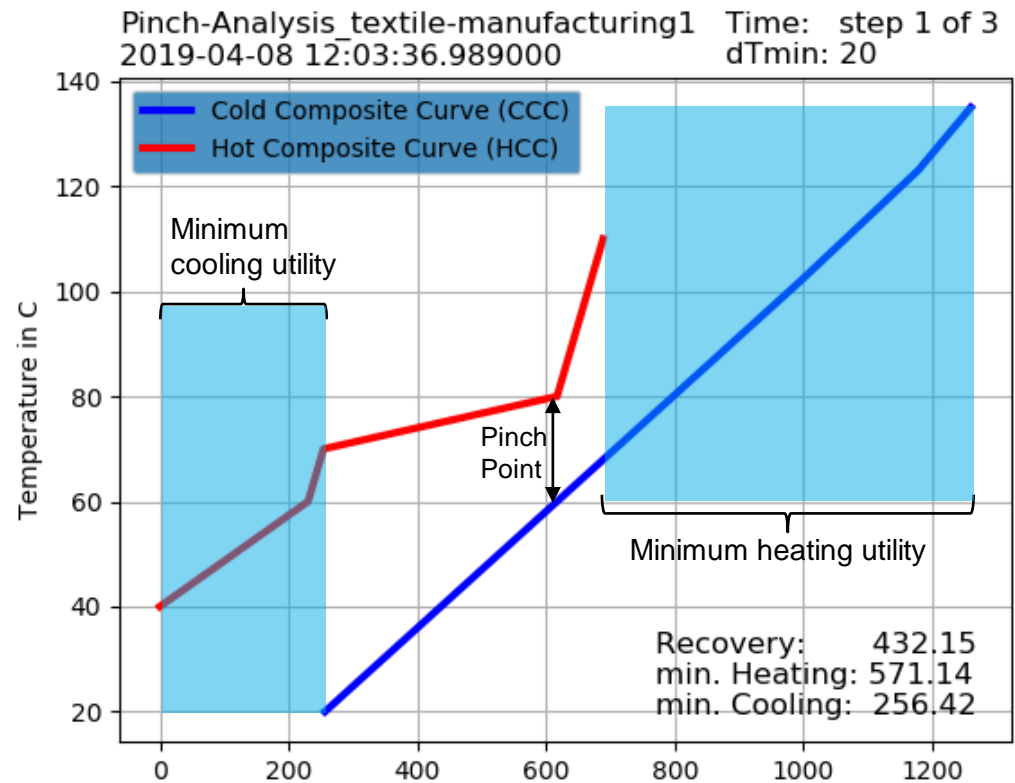
## 2. Stand der Forschung

# Pinch-Analyse als graphisches Verfahren

Zusammenfassen der kalten (CS) und heißen Ströme (HS) durch intervallweise Addition der Wärmeströme  $\dot{Q}$

$$\dot{Q}_{j,i} = \sum_{j=1}^H \sum_{l=1}^L \dot{m}_j \cdot c_{p_j} \cdot (T_{in_l} - T_{out_l})$$

**Ziel:** Errechnen der maximal möglichen Abwärmennutzung für  $\Delta T_{\min}$



- Wie sieht das optimale Wärmeübertrager Netzwerk (HEN) aus?
- Wo sind andere Technologien zur Abwärmennutzung sinnvoll?

Nach Linnhoff & Flower (1978)  
Klemes et al. 2011;  
Klemes et al. 2018

# 2. Stand der Forschung

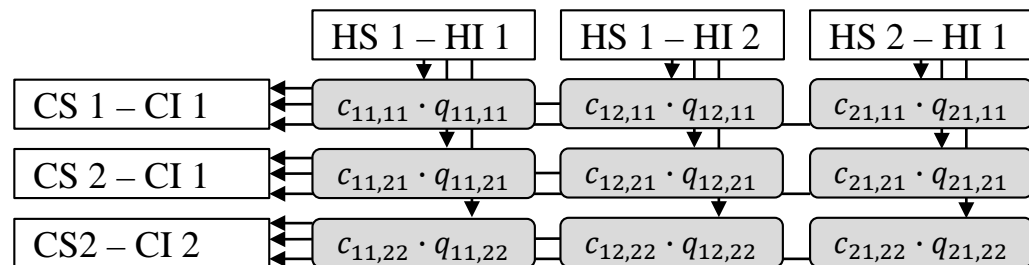
## Lineares Wärmetransportproblem (LP)

### Problem:

- Wärme soll mit möglichst geringen Kosten von der Wärmequelle  $j$  in den Temperaturintervallen  $l$  zu Wärmesenken  $i$  in den Temperaturintervallen  $k$  transportiert werden.
- $a_{ik}$  ist der Wärmebedarf von Strom  $i$  im Intervall  $k$  und  $b_{jl}$  die verfügbare Wärme von Strom  $j$  im Intervall  $l$ .
- Jeder mögliche Transportweg bildet einen Knoten. Über ihn kann die Wärme  $q_{ik,jl}$  mit den spezifischen Kosten  $c_{ik,jl}$  transportiert werden.

### Zielfunktion:

$$\text{Min}_{q_{ik,jl}} \sum_{i=1}^{\text{CS}} \sum_{k=1}^{\text{CI}} \sum_{j=1}^{\text{HS}} \sum_{l=1}^{\text{HI}} c_{ik,jl} \cdot q_{ik,jl}$$



### Randbedingungen:

- Nichtnegativitätsbedingung:  $q_{ij} \geq 0$  für alle  $i, j, k, l$
- Wärme der Quellen:  $\sum_{j=1}^n q_{ij} \leq a_i$  ( $i = 1, \dots, m$ )
- Wärme der Senken:  $\sum_{i=1}^m q_{ij} \leq b_j$  ( $j = 1, \dots, n$ )

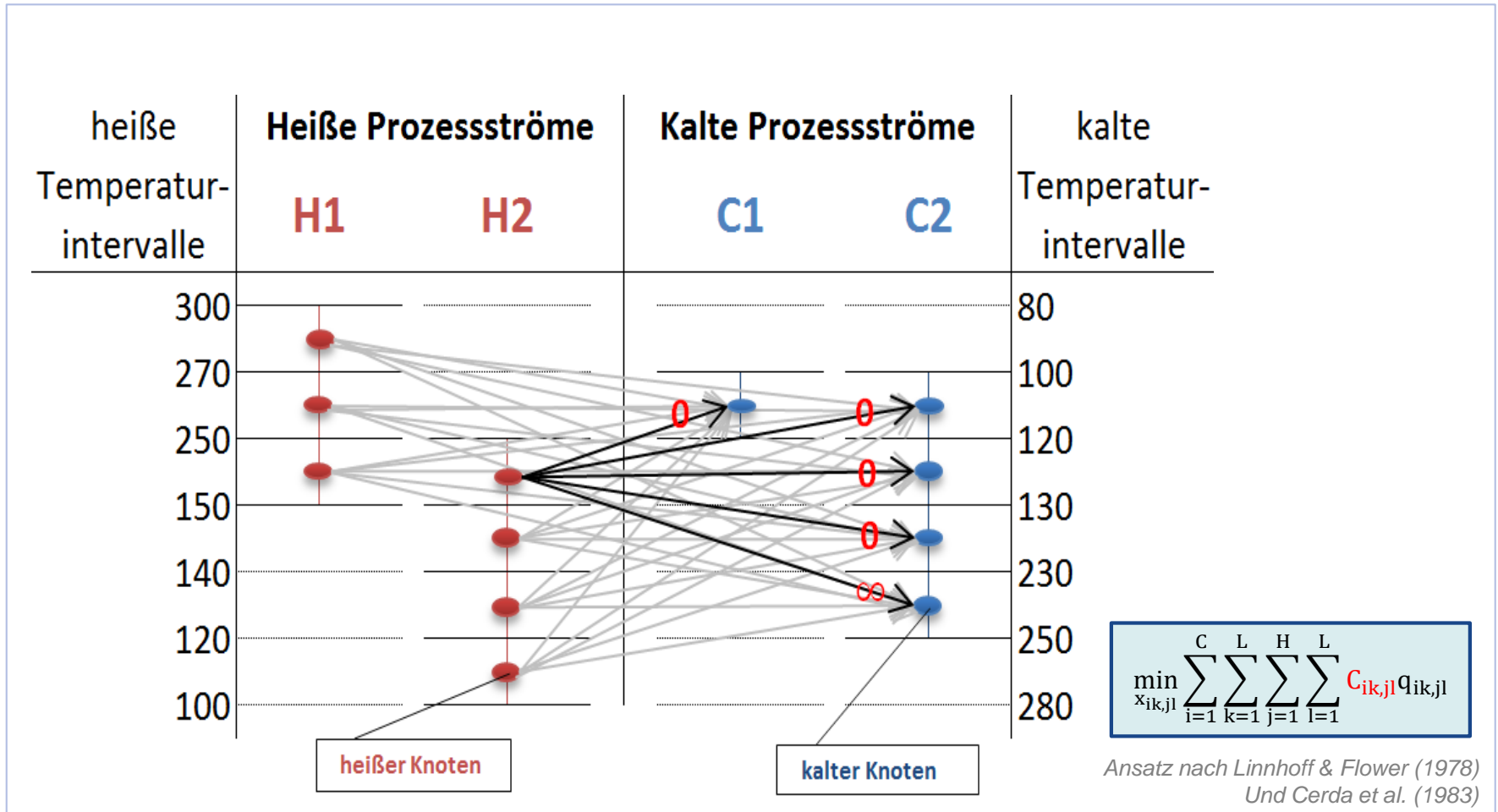
### Ausgeschrieben:

$$c_{11,11} \cdot q_{11,11} + c_{12,11} \cdot q_{12,11} + c_{21,11} \cdot q_{21,11} + c_{11,21} \cdot q_{11,21} + c_{12,21} \cdot q_{12,21} + c_{21,21} \cdot q_{21,21} + c_{11,22} \cdot q_{11,22} + c_{12,22} \cdot q_{12,22} + c_{21,22} \cdot q_{21,22}$$

Ansatz nach Cerda et al. (1983)

## 2. Stand der Forschung

# Verknüpfung und Gewichtung aller Knoten in der Zielfunktion



## 2. Stand der Forschung

### Gewichtungsmatrix

$$\min_{x_{ik,jl}} \sum_{i=1}^C \sum_{k=1}^L \sum_{j=1}^H \sum_{l=1}^L c_{ik,jl} q_{ik,jl}$$

	Kalt	C1.1	C2.1	C2.2	C2.3	C2.4	CU
Heiß	Temp.	100 – 120	100 – 120	120 – 130	130 – 230	230 - 250	
H1.1	300 – 270	0	0	0	0	0	1
H1.2	270 – 250	0	0	0	0	0	1
H1.3	250 – 150	0	0	0	0	∞	1
H2.4	120 – 100	∞	∞	∞	∞	∞	1
HU		1	1	1	1	1	0

#### Energetische Optimierung:

- WÜ zwischen Strömen
  - Zulässig → 0
  - Nicht zulässig → ∞
- Einsatz der Utility → 1
- Zwischen Utilities → 0

#### Ökonomische Optimierung:

→ Einführen von Kostenfaktoren

#### Ökologische Optimierung:

→ Einführen von Emissionsfaktoren

*Ansatz nach Cerda et al. (1983)*

# Inhalt

1. Ausgangslage
2. Stand der Forschung
- 3. Fragestellung, Methode und Ergebnisse**
  - I. Globale Optimierung**
  - II. Mehrperiodische Probleme**
4. Zusammenfassung
5. Ausblick

# 4. Fragestellung, Methode und Ergebnisse

## I. Globale Optimierung

### Fragestellung:

1. Kann anhand der Methode nach Cerda et al., (1983) das globale Minimum oder nur ein lokales Minimum bestimmt werden?
2. Welcher Solver liefert die besten Ergebnisse mit der besten Performance?

### Vorgehen:

1. Bestimmen der optimalen Lösung mit der graphischen Pinch-Analyse.
2. Errechnen der optimalen Lösung mit dem Wärmetransportalgorithmus nach Cerda et al., (1983) und Vergleich der Lösungen.
3. Lösen des gleichen Problems mit unterschiedlichen Solvern und Vergleich der Performance.

# 4. Methode und Ergebnisse

## I. Globale Optimierung

### Graphische Lösung mit der Pinch-Analyse

Daten der Fallstudie 1 ( $\Delta T_{min} = 10K$ ):

Strom	$T_{ein}$ [°C]	$T_{aus}$ [°C]	$\dot{m}c_p$ [kW/K]	$k$ [kW/°C·m <sup>2</sup> ]
HS1	270	160	18	1
HS2	220	60	22	1
CS1	50	210	20	1
CS2	160	210	50	1
HU	250	250		1
CU	15	20		1

**Ergebnis (optimale Lösung):**

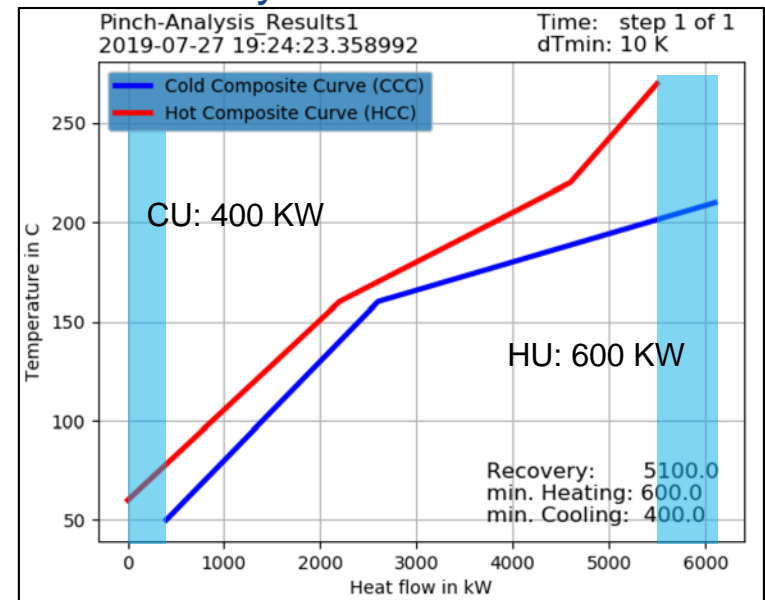
Minimale Wärmeleistung: 600 kW

Minimale Kälteleistung: 400 kW

**Min. Utility gesamt: 1.000 kW**

Max. Abwärmenutzung: 5.400 kW

Pinch-Analyse:



# 4. Methode und Ergebnisse

## I. Globale Optimierung

### Mathematische Lösung

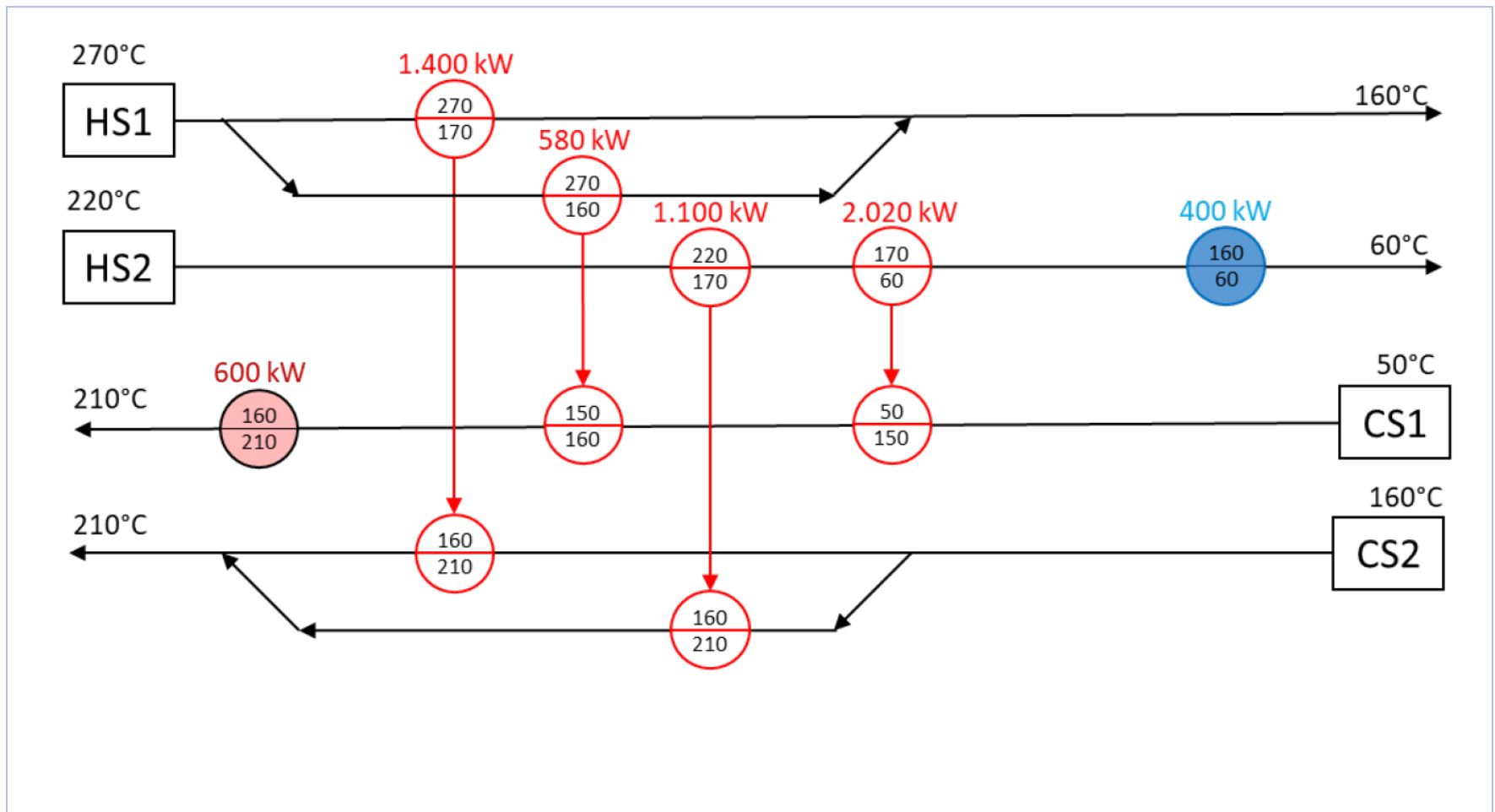
Fallstudie	Dimensionen der Transportmatrix		Minimaler Utility Einsatz [kW]	Mittlere Rechenzeit [s]	
1 $\Delta T_{\min} = 10K$	7 x 5	Pinch-Analyse	1.000	-	
		Lineare Optimierung (LP)	CBC	1.000	0,02434
			CPLEX	1.000	<b>0,01721</b>
			GUROBI	1.000	0,02709
2 $\Delta T_{\min} = 10K$	58 x 64	Pinch-Analyse	15.425	-	
		Lineare Optimierung (LP)	CBC	15.425	<b>1,68908</b>
			CPLEX	*	*
			GUROBI	15.425	1,93403
3 $\Delta T_{\min} = 5K$	308 x 227	Pinch-Analyse	10.050	-	
		Lineare Optimierung (LP)	CBC	10.050	<b>733,442</b>
			CPLEX	*	*
			GUROBI	10.050	740,096

\* Berechnung nur bis maximal 6 HS und 6 CS möglich

# 4. Methode und Ergebnisse

## I. Globale Optimierung

### Optimales Wärmeübertrager-Netzwerk (HEN)



# 4. Methode und Ergebnisse

## II. Mehrperiodische Probleme

### Fragestellung:

1. Wie kann die Methode auf mehrperiodische Probleme angewendet werden?
2. Kann auch für mehrperiodische Probleme weiterhin das globale Optimum ermittelt werden?

### Vorgehen:

1. Anpassung der Zielfunktion und Randbedingungen für mehrperiodische Probleme.
2. Erproben an Mehrperiodischen Problemen.

# 4. Methode und Ergebnisse

## II. Mehrperiodische Probleme

### Anpassen der Zielfunktion

**Zielfunktion:**

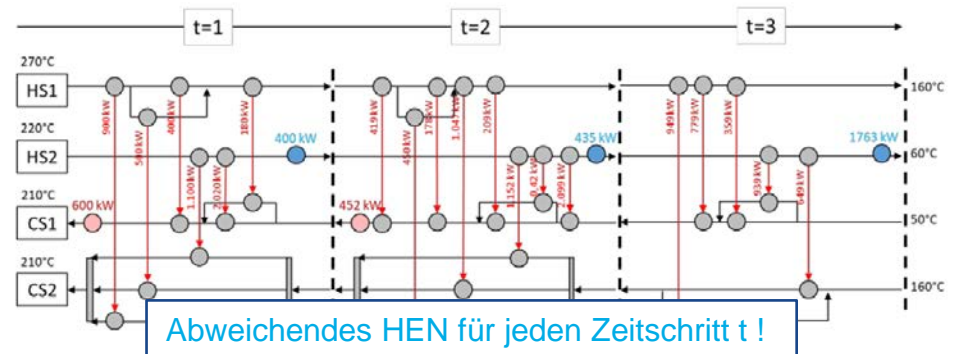
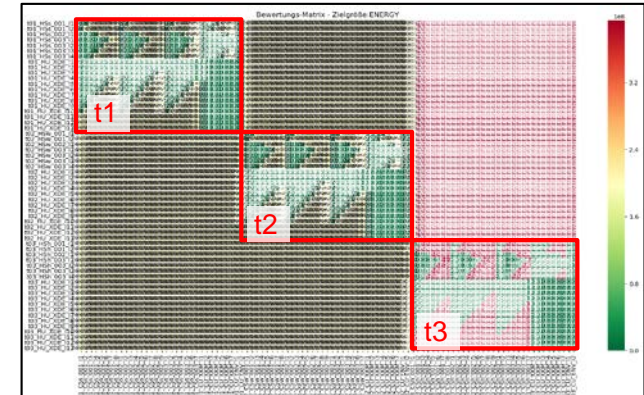
$$\min_{\dot{Q}_{tik,tjl}} \sum_{t=1}^T \sum_{i=1}^C \sum_{k=1}^L \sum_{j=1}^H \sum_{l=1}^L C_{tik,tjl} \cdot \dot{Q}_{tik,tjl} \cdot \tau_t$$

**Randbedingungen:**

Nichtnegativitätsbedingung:  $q_{ij} \geq 0$  für alle  $i, j, k, l$

Wärme der Quellen:  $\sum_{j=1}^n q_{ij} \leq a_i$  ( $i = 1, \dots, m$ )

Wärme der Senken:  $\sum_{i=1}^m q_{ij} \leq b_j$  ( $j = 1, \dots, n$ )



# 4. Methode und Ergebnisse

## II. Mehrperiodische Probleme

### Anpassen der Randbedingungen

**Zielfunktion:**

$$\min_{\dot{Q}_{tik,tjl}} \sum_{t=1}^T \sum_{i=1}^C \sum_{k=1}^L \sum_{j=1}^H \sum_{l=1}^L C_{tik,tjl} \cdot \dot{Q}_{tik,tjl} \cdot \tau_t$$

**Randbedingungen:**

Nichtnegativitätsbedingung:  $q_{ij} \geq 0$  für alle  $i, j, k, l$

Wärme der Quellen:  $\sum_{j=1}^n q_{ij} \leq a_i$  ( $i = 1, \dots, m$ )

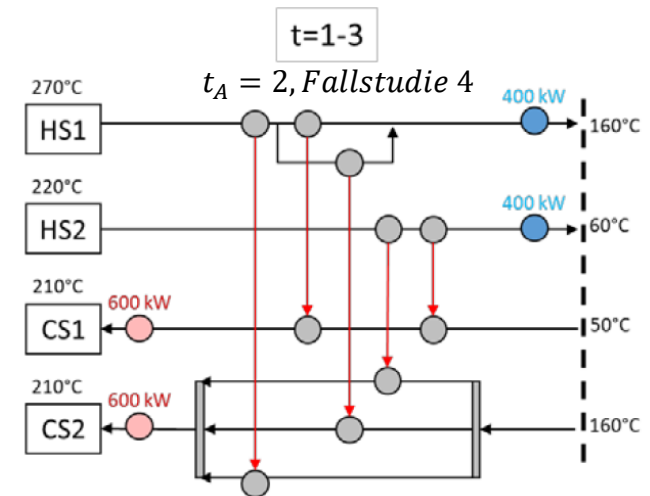
Wärme der Senken:  $\sum_{i=1}^m q_{ij} \leq b_j$  ( $j = 1, \dots, n$ )

**Kein Wärmetransport zwischen Zeitschritten:**

$\dot{Q}_{tik,tjl} = 0$  wenn  $t$  nicht identisch in  $a_{tik}$  und  $b_{tjl}$

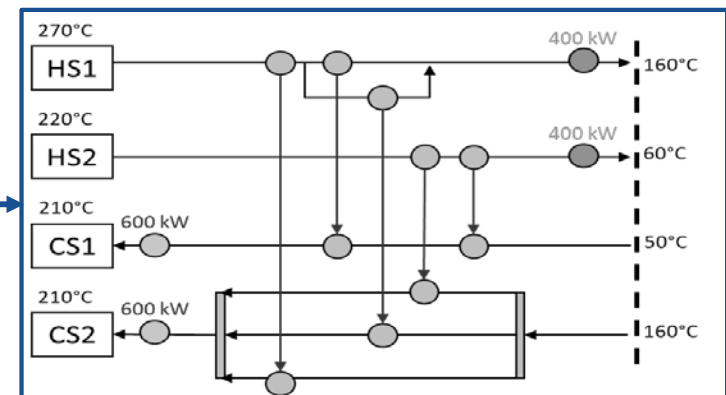
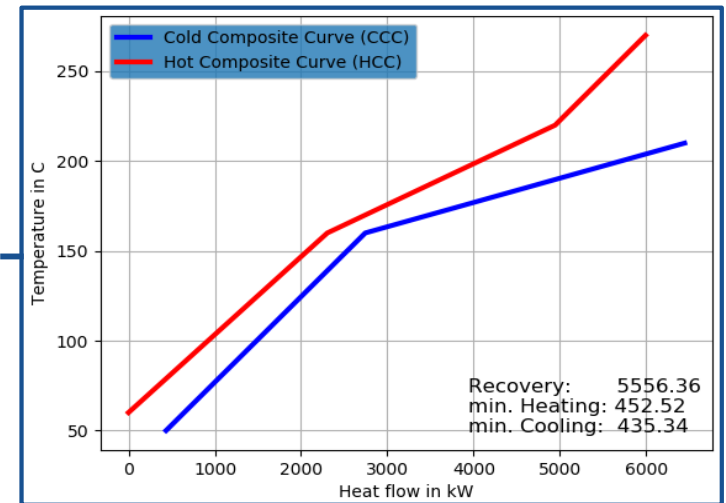
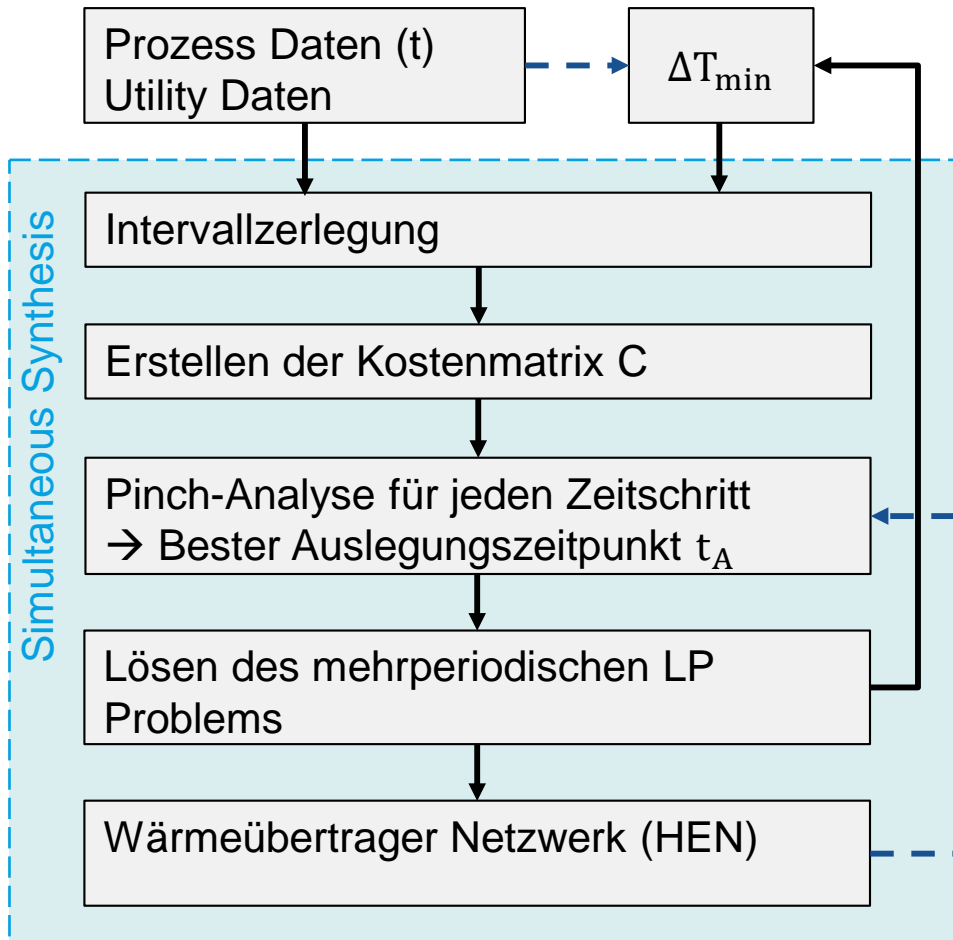
**Übertragen des HEN von einem Auslegungszeitpunkt  $t_A$ :**

$\dot{Q}_{tik,tjl} \leq \dot{Q}_{t_A ik, t_A jl} \cdot f_{Teillast}$  mit z. B.  $f_{Teillast} = 1$



# 4. Methode und Ergebnisse

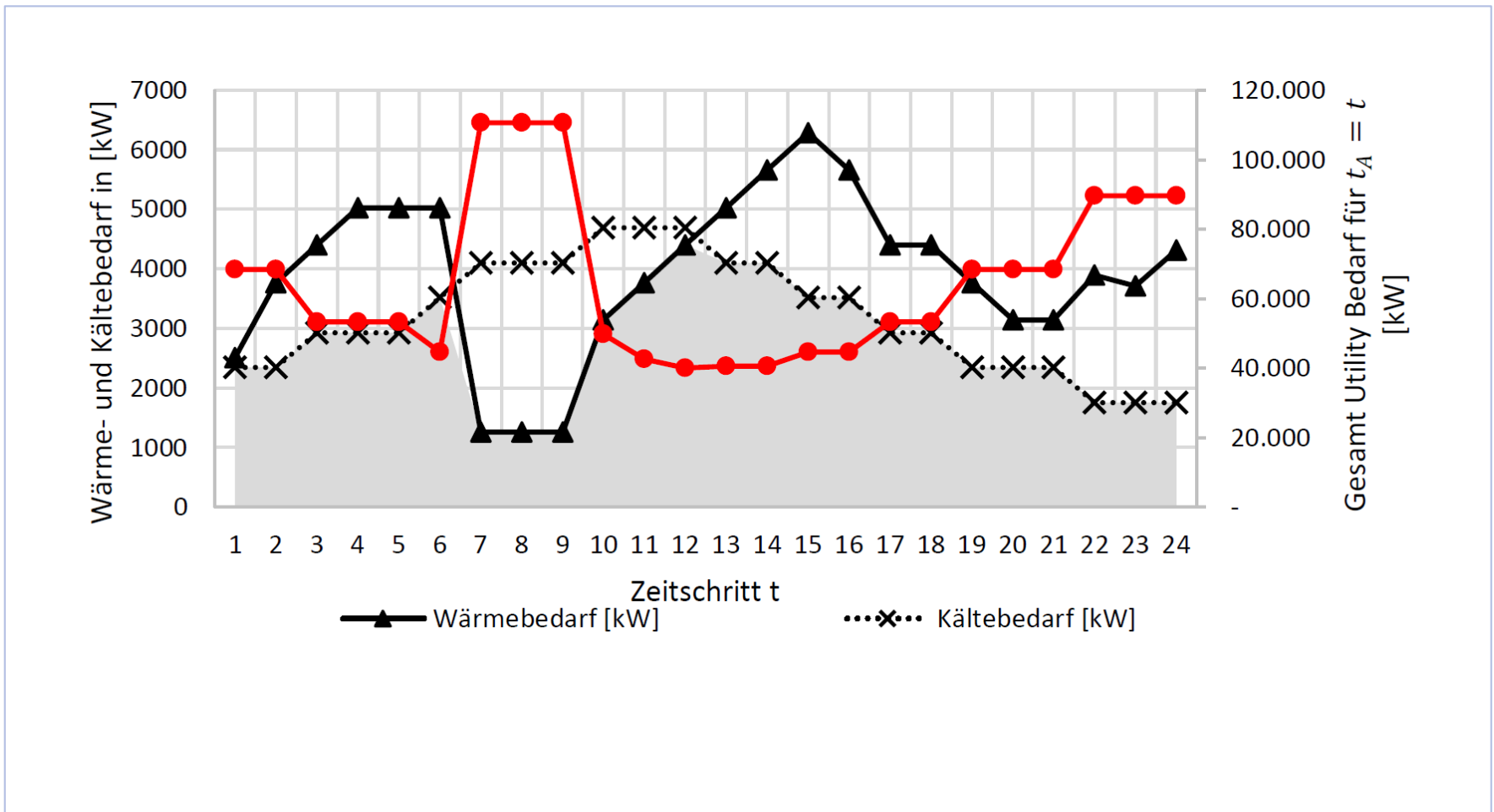
## II. Mehrperiodische Probleme



# 4. Methode und Ergebnisse

## II. Mehrperiodische Probleme

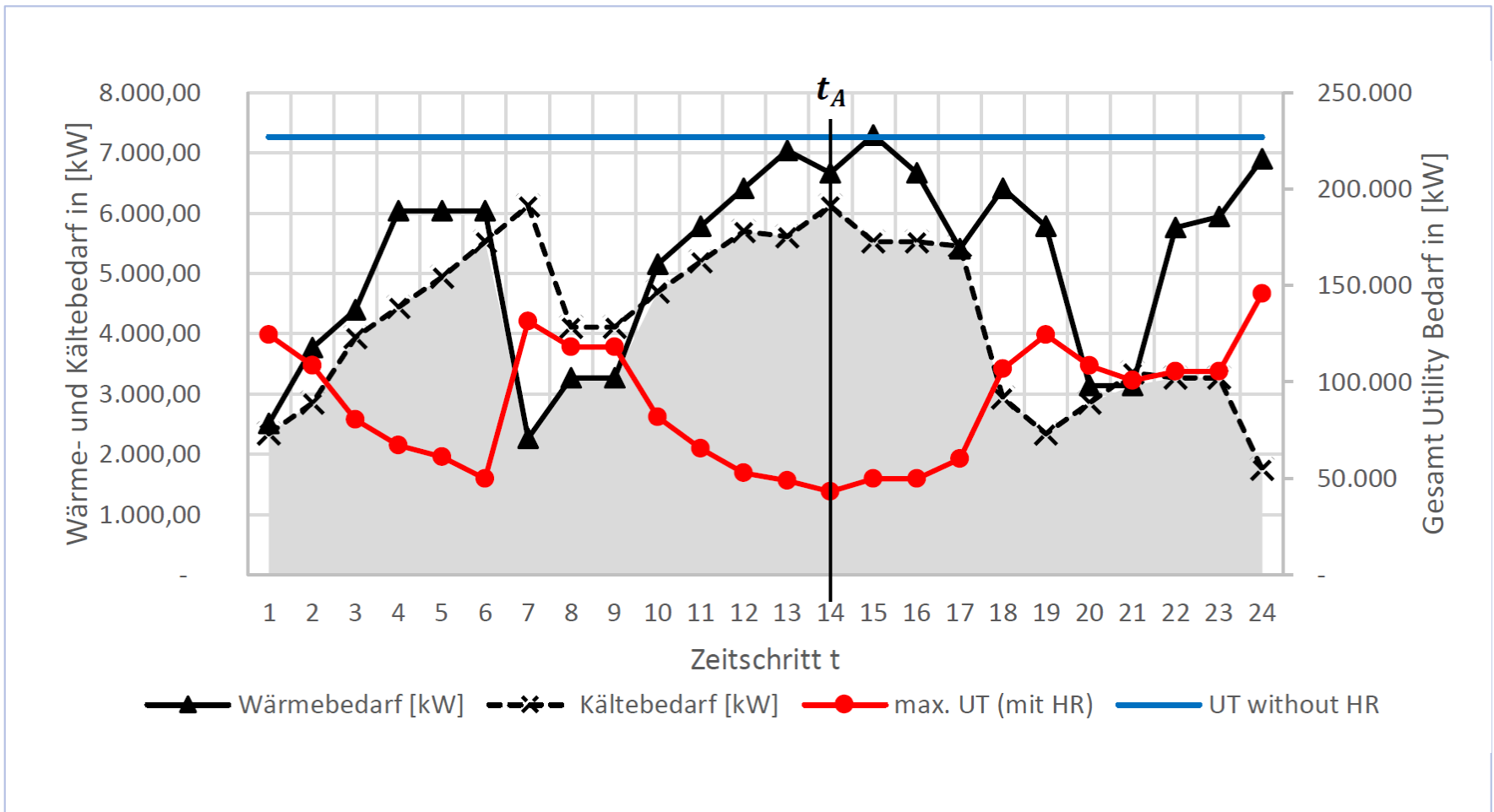
### Bestimmen des besten Auslegungszeitpunktes



# 4. Methode und Ergebnisse

## II. Mehrperiodische Probleme

### Bestimmen des besten Auslegungszeitpunktes



# Inhalt

1. Ausgangslage
2. Stand der Forschung
3. Fragestellung, Methode und Ergebnisse
  - I. Globale Optimierung
  - II. Mehrperiodische Probleme
- 4. Zusammenfassung**
5. Ausblick

# 5. Zusammenfassung

- **Optimum:** Mit dem mathematischen Ansatz nach Cerda et al.(1982) kann das globale Optimum für LP Wärmetransportprobleme bestimmt werden.
- **Solver:** Für kleine Probleme besitzt der CPLEX Solver (IBM) und für größere Probleme der CBC Solver die beste Performance. Alle drei getesteten Solver lösen das LP Problem optimal.
- **Mehrperiodische Probleme:** Durch Kombination der Pinch-Analyse mit dem Wärmetransportalgorithmus können „gute“ Lösungen für mehrperiodische Probleme berechnet werden. Auch komplexe Probleme sind mit der Methodik lösbar.
  - In der Regel wird eine „gute“ aber nicht die „optimale“ Lösung bestimmt.
  - Variation der Temperaturen durch Einfügen zusätzlicher Ströme und Variation der Massenströme.

# Inhalt

1. Ausgangslage
2. Stand der Forschung
3. Fragestellung, Methode und Ergebnisse
  - I. Globale Optimierung
  - II. Mehrperiodische Probleme
4. Zusammenfassung
- 5. Ausblick**

# 6. Ausblick

- Einfügen von **Speicher** in mehrperiodische Probleme.
- **Ökologische** und **Ökonomische** Optimierung:
  - Kosten- und CO<sub>2</sub>-Funktionen für HU und CU
  - Kosten- und CO<sub>2</sub>-Funktionen für Technologien zur Nutzung von Abwärme (WÜ, ORC, Kalina, WP, TEG, AKM)
- Anwendung auf **Fallstudien** und **Praxisbeispiele** in der **Ernährungsindustrie**
- Weiterentwicklung der **GUI** und der Ausgabemöglichkeiten

# Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

## Kontakt

**SWK E<sup>2</sup>**

**Institut für Energietechnik und Energiemanagement**

Obergath 79 (Gebäude J)

47805 Krefeld

**Simon Möhren, M.Sc.**

[Simon.moehren@hs-niederrhein.de](mailto:Simon.moehren@hs-niederrhein.de)

Tel: +49 (0)2151 822-6698



**Hochschule Niederrhein**

University of Applied Sciences

**SWK E<sup>2</sup>**

**Institut für Energietechnik und  
Energiemanagement**

Institute of Energy Technology and  
Energy Management

# Backup

## Umsetzung im Python-Tool

### 1 Dateneingabe



#### Prozessdaten:

- Quellen
- Senken

#### Standortdaten:

- Längen-/Breitengrad
- Höhe

#### Randbedingungen:

- Technisch
- Wirtschaftlich

#### Technologiedatenbank:

- Abwärmenutzung
- Wärmeerzeugung

#### Stoffdatenbank:

- VDI-Wärmeatlas

### 2 Zielfunktion und Randbedingungen



Für Zeitschritt  $t = 0$  bis  $t = T$  mit Dauer  $\tau_t [h]$

#### Intervallzerlegung:

- Temperaturlisten
- Stromzerlegung

#### Transportmatrix aufstellen:

- Wärmeströme
- Gewichtungsfaktoren

#### Bestimmen des besten Auslegungszeitpunkts:

$t_A$

#### Zielfunktion:

$$\min_{x_{tik,tjl}} \sum_{t=1}^T \sum_{i=1}^C \sum_{k=1}^L \sum_{j=1}^L C_{tik,tjl} \cdot q_{tik,tjl} \cdot \tau_t$$

#### Randbedingungen

### 3 Lösen der Zielfunktion unter Berücksichtigung der Randbedingungen



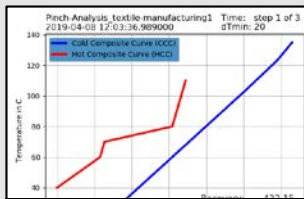
### 4 Datenausgabe



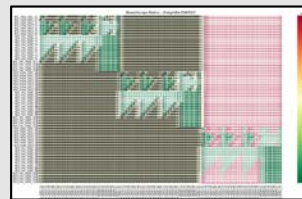
```

---- Results ----
Status:                Optim
dTmin:                 20
Number of Time Steps:  3
Total Cost of transportation: 76384
Time of calc. (optimization): 39.94
4082.1800000000017
All Router of heat transfer: 1*COU
    
```

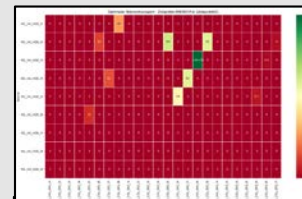
Daten Export



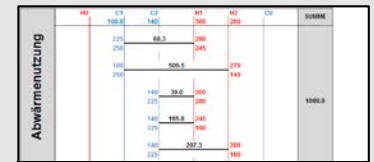
Pinch-Analyse



Gewichtungs-Matrix



Wärmetransport-Matrix



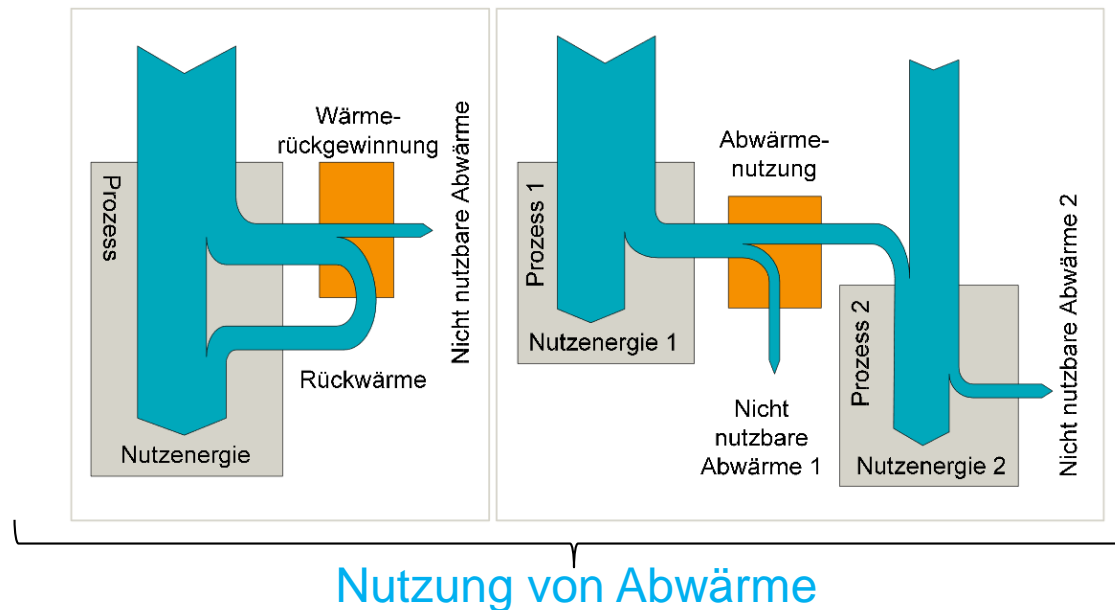
Wärmetransport-Netzwerk

# Backup

## Begriffsdefinition Abwärme

**Definition Abwärme:** Abwärme ist die an die Umgebung abgeführte Wärme (Stephan et al.,2007).

**Abgrenzung Wärmerückgewinnung / Abwärmennutzung:**

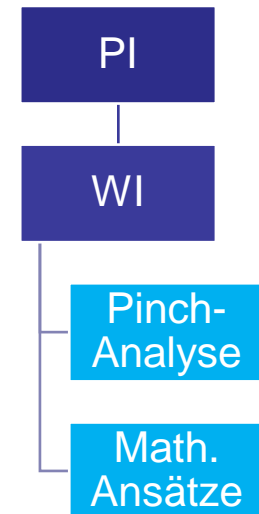


Quelle: Hirzel et al. 2013

# Backup

## Begriffsdefinitionen

- **Prozessintegration (PI):** Methoden der ganzheitlichen Prozessoptimierung. PI ist der Oberbegriff für systemorientierte, ganzheitliche Ansätze industrielle Prozesse und Anlagen in Bezug auf Kosten, Energieverbrauch oder Emissionen zu Optimieren.
- **Wärmeintegration (HI):** Eine Technik der PI, Entwickelt von Linnhoff und Flower 1978 mit dem Ziel die einem Prozess zugeführte Wärme und Kühlung zu reduzieren.
- **Pinch-Analyse:** Das am weitesten verbreitete graphische Verfahren der PI.
- **Mathematische Ansätze:** Seit 1980 wurden diverse Ansätze zur math. Optimierung von Wärmeübertrager Netzwerken (HEN) entwickelt (LP, NLP, MILP, MINLP)



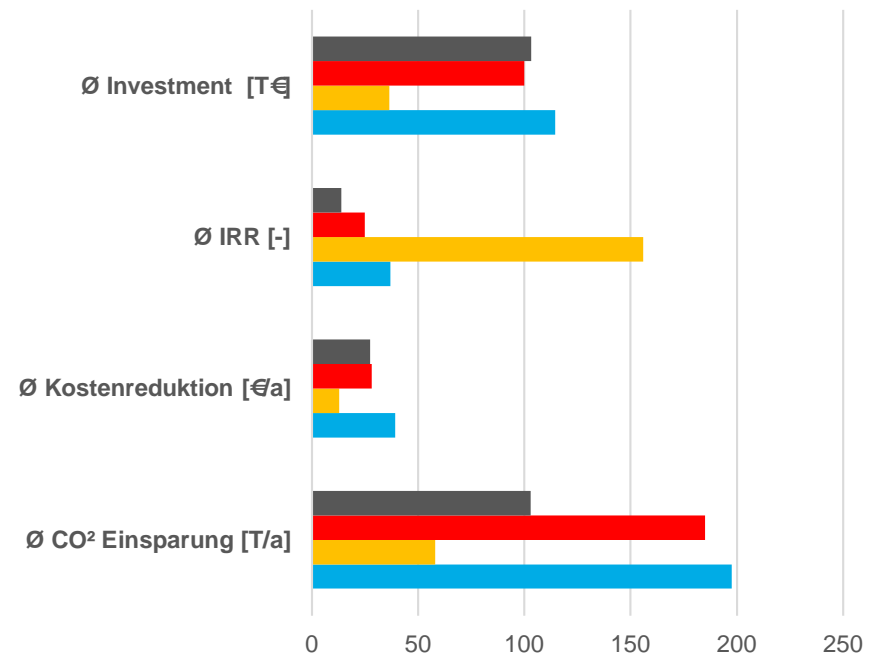
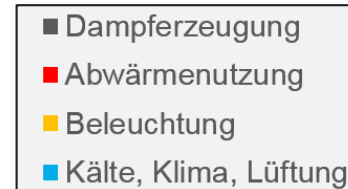
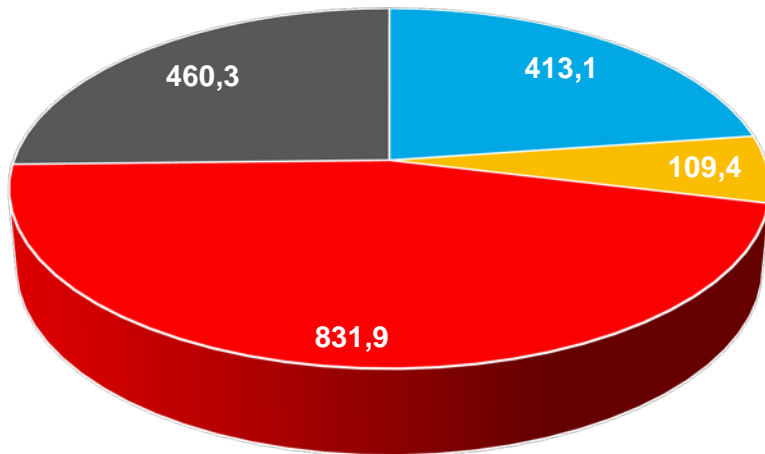
Quelle: Klemes et al. 2011;  
Klemes et al. 2018

# Backup

## Hohes Einsparpotential durch Abwärmenutzung

Studie: 30 Effizienz-Netzwerke -  
„What makes them work“ 2018  
Auswertung der größten Einsparpotentiale

Ø Energieeinsparung [MWh/a]



Quelle: 30 Effizienz-Netzwerke – „What makes them work“ 2018